

## Epreuve écrite

**Examen de fin d'études secondaires 2010**

**Section: E F G**

**Branche: Mathématiques**

**Numéro d'ordre du candidat**

*repêchage*

*juin 2010*

### Question I (5 points)

Résolvez algébriquement et interprétez géométriquement le système suivant :

$$\begin{cases} x - 2y + 3z = 1 \\ x - y + 7z = -4 \\ 2x + 4y + 9z = -9 \end{cases}$$

### Question II (3 + 4 + 3 = 10 points)

Dans un repère de l'espace, on considère les points  $A(4; -1; 2)$ ,  $B(2; 0; 3)$  et  $C(5; 5; 3)$  ainsi que les vecteurs  $\vec{u}(2; 3; 1)$  et  $\vec{v}(-1; 2; 3)$ .

- 1) Déterminez un système d'équations cartésiennes de la droite AB.
- 2) Déterminez une équation cartésienne du plan  $\pi$  passant par C et de vecteurs directeurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$ .
- 3) La droite AB perce-t-elle le plan  $\pi$ ? Si oui, en quel point?

### Question III (6 + 4 = 10 points)

- 1) On tire au hasard simultanément 5 cartes d'un jeu de 52 cartes.  
Combien de tirages comportent exactement deux rois?  
Combien de tirages comportent exactement deux rois et deux dames?
- 2) On tire au hasard successivement et sans remise 4 cartes d'un jeu de 52 cartes.  
Combien de tirages comportent au moins un roi?

### Question IV (4 + 5 = 9 points)

- 1) Résolvez dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation suivante :  
$$e^{2x+5} \leq \frac{1}{e^{x^2-4}}$$
- 2) Résolvez dans  $\mathbb{R}$  l'équation suivante :  
$$\ln(3x - 5) - \ln(x + 1) = \ln(13 - 4x)$$

### Question V (8 + 4 + 6 = 18 points)

- 1) Soit la fonction  $f$  définie par :  $f(x) = \frac{1}{\ln(x^2)}$ .  
Déterminez le domaine de définition de  $f$  et calculez  $f'(x)$ .  
Déterminez une équation de la tangente au graphe de  $f$  au point d'abscisse  $e$ .
- 2) Déterminez la primitive suivante :

$$\int \frac{2+3x^2}{2x^3+4x} dx \text{ sur } \mathbb{R}_+^*$$

- 3) Calculez l'intégrale suivante :

$$\int_0^\pi 3x \cdot \sin x dx$$

### Question VI (8 points)

Soit  $P_1$  la parabole d'équation  $y = x^2 - 4x + 4$  et  $P_2$  la parabole d'équation  $y = -x^2 + 6x - 4$ .  
Calculez l'aire de la partie délimitée par les paraboles  $P_1$  et  $P_2$ .